Université de Abdelmalek Essaadi

FST de Tanger

2011-2012

Module: Analyse I

Filière : MIPC I

Controle Continu II

Durée 2h

Exercice 1:

1. Montrer, en utilisant la formule de Taylor, que

$$\forall x \in [0, +\infty[, 1+x-\frac{x^2}{2} \le \sqrt{1+2x} \le 1+x-\frac{x^2}{2}+\frac{x^3}{2}]$$

2. En utilisant le développement limité calculer les limites suivantes :

(a)
$$\lim_{x\to 0^+} \frac{e^x - \cos(x)}{1 - \sqrt{1 - x^2}}$$

(b)
$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{\sin(x)}{x}\right)^{\frac{1}{x^2}}$$
.

Exercice 2: Pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, on pose

$$I_n = \int_0^1 \frac{dt}{(1+\boldsymbol{k}^2)^n}$$

- Exprimer I_{n+1} en fonction de I_n pour tout n ∈ N*.
- 2. En déduire la valeur de I3.

Exercice 3: On définit l'intégrale suivante

$$J(x) = \int_0^x \sqrt{\frac{t}{t+1}} \frac{dt}{(2t^2+2t+1)}$$

1. Décomposer en éléments simples la fraction rationnelle suivante :

$$f(x) = \frac{x^2}{x^4 + 1}.$$

2. En déduire une primitive de f.

3. A l'aide du changement de variable $u = \sqrt{\frac{t}{t+1}}$ calculer J(x) et $\lim_{x \to +\infty} J(x)$

(1++21(1+12). - (1++2)**
(1++21(1+12). - (1++2)**
(1++21(1+12). - (1++2)**
(1++21**). - (1++2)**





Programmation C ours Résumés Xercices Contrôles Continus Langues MTU Thermodynamique Multimedia Economie Travaux Dirigés := Chimie Organique

et encore plus..